

$$23) 16n^6m^4$$

$$22) 2x^{16}y^2$$

$$21) \frac{8m^4n^7}{1}$$

$$20) \frac{y^8x^4}{4}$$

## Practice - Negative Exponents

Simplify. Your answer should contain only positive exponents.

$$1) 2x^4y^{-2} \cdot (2xy^3)^4$$

$$2) 2a^{-2}b^{-3} \cdot (2a^0b^4)^4$$

$$40) m^{\frac{p_5}{n^7}}$$

$$3) (a^4b^{-3})^3 \cdot 2a^3b^{-2}$$

$$4) 2x^3y^2 \cdot (2x^3)^0$$

$$39) \frac{y^{\frac{p_4}{z}}}{x^2}$$

$$5) (2x^2y^2)^4x^{-4}$$

$$6) (m^0n^3 \cdot 2m^{-3}n^{-3})^0$$

$$38) \frac{m^{\frac{p_4}{n^8}}}{a^4b^8}$$

$$7) (x^3y^4)^3 \cdot x^{-4}y^4$$

$$8) 2m^{-1}n^{-3} \cdot (2m^{-1}n^{-3})^4$$

$$37) \frac{3y^3}{3yx^3 \cdot 2x^4y^{-3}}$$

$$9) \frac{2x^{-3}y^2}{3x^{-3}y^3 \cdot 3x^0}$$

$$10) \frac{3x^3y^2}{4y^{-2} \cdot 3x^{-2}y^{-4}}$$

$$36) \frac{x^{\frac{p_6}{q_6}}}{16y^4}$$

$$11) \frac{4xy^{-3} \cdot x^{-4}y^0}{4y^{-1}}$$

$$12) \frac{2x^2y^2}{4x^{-4}y^{-4} \cdot 4x}$$

$$35) \frac{2x^{-2}y^2}{4yx^2}$$

$$13) \frac{u^2v^{-1}}{2u^0v^4 \cdot 2uv}$$

$$14) \frac{(a^4)^4}{2b}$$

$$34) \frac{x^{\frac{p_6}{q_6}}}{8c^{10}b^2}$$

$$15) \frac{u^2}{4u^0v^3 \cdot 3v^2}$$

$$16) \frac{2x^{-2}y^2}{(2y)^{-4}}$$

$$33) \frac{1}{x^2y^{11}}$$

$$17) \frac{2y}{(x^0y^2)^4}$$

$$18) \frac{(a^4)^4}{2b}$$

$$32) \frac{1}{x^3}$$

$$19) \left(\frac{2a^2b^3}{a^{-1}}\right)^4$$

$$20) \left(\frac{2y^{-4}}{x^2}\right)^{-2}$$

$$31) 2y^5x^4$$

$$21) \frac{2nm^4}{(2m^2n^2)^4}$$

$$22) \frac{2y^2}{(x^4y^0)^{-4}}$$

$$30) \frac{1}{2u^3v^6}$$

$$23) \frac{(2mn)^4}{m^0n^{-2}}$$

$$24) \frac{2x^{-3}}{(x^4y^{-3})^{-1}}$$

$$29) 8$$

$$25) \frac{y^3 \cdot x^{-3}y^2}{(x^4y^2)^3}$$

$$26) \frac{2x^{-2}y^0 \cdot 2xy^4}{(xy^0)^{-1}}$$

$$28) \frac{2yx^2 \cdot x^{-2}}{(2x^0y^4)^{-1}}$$

$$27) \frac{2u^{-2}v^3 \cdot (2uv^4)^{-1}}{2u^{-4}v^0}$$

$$27) \frac{u^{-3}v^{-4}}{2v(2u^{-3}v^4)^0}$$

$$28) 4y^5$$

$$29) \left(\frac{2x^0 \cdot y^4}{y^4}\right)^3$$

$$29) \frac{b^{-1}}{(2a^4b^0)^0 \cdot 2a^{-3}b^2}$$

$$30) \frac{u^{-3}v^{-4}}{2v(2u^{-3}v^4)^0}$$

$$31) \frac{y(2x^4y^2)^2}{2x^4y^0}$$

$$31) \frac{2b^4c^{-2} \cdot (2b^3c^2)^{-4}}{a^{-2}b^4}$$

$$31) \frac{(2x^{-3}y^0z^{-1})^3 \cdot x^{-3}y^2}{2x^3}$$

$$33) \frac{2yzz^2}{2x^4y^4z^{-2} \cdot (zy^2)^4}$$

$$32) \frac{(2x^3y^2)^4}{(2a^4b^0)^0 \cdot 2a^{-3}b^2}$$

$$32) \frac{2b^4c^{-2} \cdot (2b^3c^2)^{-4}}{a^{-2}b^4}$$

$$35) \frac{2kh^0 \cdot 2h^{-3}k^0}{(2kj^3)^2}$$

$$33) \frac{2q^4 \cdot m^2p^2q^4}{(2m^{-4}p^2)^3}$$

$$33) \frac{2m^pn^{-3}}{(m^0n^{-4}p^2)^3 \cdot 2n^2p^0}$$

$$37) \frac{(cb^3)^2 \cdot 2a^{-3}b^2}{(a^3b^{-2}c^3)^3}$$

$$34) \frac{(2x^{-3}y^0z^{-1})^3 \cdot x^{-3}y^2}{2x^3}$$

$$34) \frac{2q^4 \cdot m^2p^2q^4}{(2m^{-4}p^2)^3}$$

$$39) \frac{(yx^{-4}z^2)^{-1}}{z^3 \cdot x^2y^3z^{-1}}$$

$$35) \frac{2m^pn^{-3}}{(m^0n^{-4}p^2)^3 \cdot 2n^2p^0}$$

## Rational Exponent Practice

2. Write using exponents.

a)  $\sqrt{7}$       b)  $\sqrt[3]{34}$   
 d)  $\sqrt[5]{a^2}$       e)  $\sqrt[3]{6^4}$   
 g)  $\frac{1}{\sqrt{x}}$       h)  $\frac{1}{\sqrt[3]{a}}$   
 j)  $\sqrt[3]{2b^3}$       k)  $\sqrt[3]{3x^5}$

c)  $\sqrt[3]{-11}$       e)  $-9^{\frac{1}{2}}$   
 f)  $(\sqrt[3]{b})^4$       g)  $-8^{\frac{3}{5}}$   
 i)  $\frac{1}{\sqrt[5]{4}}$       j)  $(-1)^{-\frac{3}{2}}$   
 l)  $\frac{1}{\sqrt[3]{x}}$       m)  $\left(\frac{36}{121}\right)^{-\frac{1}{2}}$   
 n)  $\sqrt[3]{5t^3}$

o)  $(2^5)^{0.4}$   
 h)  $4^{\frac{3}{2}} \div 16^{\frac{1}{4}}$   
 p)  $(\sqrt[3]{5^2})(\sqrt[3]{5})$   
 q)  $81^{0.75}$   
 r)  $\frac{(0.027)^{\frac{1}{3}}}{(0.25)^{\frac{1}{2}}}$   
 s)  $9^{\frac{3}{7}} \times 3^{\frac{1}{7}}$   
 t)  $\sqrt[3]{\sqrt{64}}$   
 u)  $\frac{(0.09)^{\frac{1}{3}}}{(0.008)^{\frac{1}{3}} \times 2^{-3}}$

3. Evaluate.

a)  $4^{\frac{1}{2}}$       b)  $125^{\frac{1}{3}}$   
 d)  $(-32)^{\frac{1}{5}}$       e)  $25^{0.5}$   
 g)  $64^{-\frac{1}{6}}$       h)  $0.04^{\frac{1}{2}}$   
 j)  $0.001^{\frac{1}{3}}$       k)  $\left(\frac{4}{9}\right)^{\frac{1}{2}}$

o)  $16^{-\frac{1}{4}}$       m)  $(-0.0016)^{\frac{1}{4}}$   
 n)  $(-27)^{-\frac{1}{3}}$       o)  $(625^{-1})^{-\frac{1}{4}}$   
 p)  $81^{0.25}$       q)  $\left[\left(\sqrt{125}\right)^4\right]^{\frac{1}{6}}$   
 r)  $\left(\frac{-27}{-8}\right)^{\frac{1}{3}}$       s)  $\sqrt[3]{\sqrt{729}}$

4. Evaluate.

a)  $8^{\frac{2}{3}}$       b)  $4^{\frac{3}{2}}$       c)  $9^{2.5}$   
 d)  $81^{\frac{3}{4}}$       e)  $16^{-\frac{3}{4}}$       f)  $(-32)^{\frac{5}{6}}$   
 g)  $(-8)^{-\frac{1}{3}}$       h)  $(-27)^{-\frac{5}{6}}$       i)  $1^{\frac{5}{3}}$   
 j)  $(-1)^{-\frac{8}{5}}$       k)  $\left(\frac{100}{9}\right)^{\frac{1}{3}}$       l)  $\left(\frac{27}{8}\right)^{-\frac{2}{3}}$

5. Evaluate in the real number system possible.

a)  $(-9)^{\frac{1}{2}}$       b)  $100\ 000^{\frac{3}{5}}$   
 c)  $\left(\frac{27}{8}\right)^{\frac{2}{3}}$       d)  $3^{\frac{1}{2}} \times 3^{\frac{1}{2}}$

6. Communication Write an equivalent expression using exponents.

a)  $\sqrt[3]{x^4}$       b)  $\sqrt[3]{\sqrt{x^6}}$   
 c)  $\sqrt[3]{3x^6}$       d)  $\sqrt[3]{8x^7}$   
 e)  $\sqrt[3]{81x^8}$       f)  $\left(x^{\frac{2}{3}}y^{\frac{1}{3}}\right)^3$   
 g)  $\left(a^{\frac{1}{3}}b^{\frac{4}{3}}\right)^{12}$       h)  $\sqrt[3]{-27x}$   
 i)  $(81a^3b^4)^{\frac{1}{4}}$       j)  $(27x^6y^{-9})^{\frac{2}{3}}$   
 k)  $\left(\sqrt[3]{x^3}\right)\left(\sqrt[3]{X}\right)$       l)  $\left(\sqrt[3]{X^2}\right)\left(\sqrt[3]{X^3}\right)$   
 m)  $\left(\sqrt[5]{x^3}\right)\left(\sqrt[3]{x^2}\right)$       n)  $\left(\sqrt[3]{a^2b^4}\right)^2$   
 o)  $\left(\sqrt[4]{a^3b^5}\right)^{\frac{1}{2}}$

1. a)  $\sqrt[3]{2}$  b)  $\sqrt[3]{37}$  c)  $\sqrt{x}$  d)  $\sqrt[3]{(ab)^3}$  e)  $(\sqrt[3]{a})^4$  f)  $(\sqrt[3]{6})^3$  g)  $\frac{1}{\sqrt{f}}$  h)  $\sqrt[3]{g}$   
 i)  $\frac{1}{(\sqrt[3]{x})^3}$  j)  $\frac{1}{(\sqrt[3]{b})^6}$  k)  $\sqrt[3]{3x}$  l)  $3\sqrt[3]{x}$  m)  $7^{\frac{1}{2}}$  n)  $34^{\frac{1}{2}}$  o)  $(-11)^{\frac{1}{3}}$   
 d)  $a^{\frac{2}{3}}e^{\frac{1}{2}}$  f)  $b^{\frac{4}{3}}g^{\frac{1}{2}}$  h)  $a^{-\frac{1}{3}}b^{-\frac{4}{3}}$  i)  $x^{-\frac{1}{2}}h^{-\frac{1}{3}}$  j)  $2^{\frac{1}{2}}b^{\frac{1}{2}}$  k)  $3^{\frac{1}{2}}x^{\frac{1}{2}}$  l)  $5^{\frac{1}{4}}t^{\frac{1}{4}}$   
 3. a)  $\sqrt[3]{2}$  b)  $5$  c)  $\frac{1}{2}$  d)  $-2$  e)  $5$  f)  $-\frac{1}{3}$  g)  $\frac{1}{2}$  h)  $0.2$  i)  $3$  j)  $0.1$  k)  $\frac{2}{3}$   
 l)  $\frac{3}{2}$  m)  $4$  n)  $8$  o)  $243$  d)  $27$  e)  $\frac{1}{8}$  f)  $4$  g)  $-\frac{1}{32}$  h)  $\frac{1}{9}$  i)  $1$  j)  $1$   
 k)  $\frac{1000}{27}$  l)  $\frac{4}{9}$  m)  $5$  n)  $3$  o)  $5$  p)  $2$  q)  $5$  r)  $2$  s)  $3$  t)  $12$  u)  $6$  v)  $x$  w)  $x^3$  x)  $3x^{\frac{1}{2}}$   
 y)  $2^{\frac{1}{2}}x^{\frac{7}{6}}$  z)  $3x^2f$  a)  $x^2y$  b)  $a^4b^3h$  c)  $-3x^{\frac{1}{2}}$  d)  $3a^2b$  e)  $\frac{9x^4}{y^6}$  f)  $k$  g)  $x^{\frac{1}{6}}$   
 h)  $\frac{17}{12}m$  i)  $\frac{19}{13}n$  j)  $a^{\frac{4}{3}}b^{\frac{8}{3}}$  k)  $a^{\frac{3}{2}}b^{\frac{5}{2}}$  l)  $7$ . Estimates may vary.